

## Bemerkung 3.13: Eine Klasse diskreter Probleme

Übertragung des diskreten Maximumprinzips auf allgemeine Probleme der Form

$$A_h \underline{u}_h = \underline{q}_h := -\hat{A}_h \hat{\underline{u}}_h + \underline{f}_h \quad (3.9)$$

mit  $\underline{u}_h, \underline{f}_h \in \mathbb{R}^{M_1}$ ,  $\hat{\underline{u}}_h \in \mathbb{R}^{M_2}$ ,  $A_h \in \mathbb{R}^{M_1 \times M_1}$ ,  $\hat{A}_h \in \mathbb{R}^{M_1 \times M_2}$ ,

$$\tilde{A}_h := (A_h | \hat{A}_h) \in \mathbb{R}^{M_1 \times M} \quad \text{mit} \quad M := M_1 + M_2.$$

Voraussetzungen (3.10)

- (1)  $(A_h)_{rr} > 0$ ,  $(r = 1, \dots, M_1)$ ,
- (2)  $(A_h)_{rs} \leq 0$ ,  $(r, s = 1, \dots, M_1, r \neq s)$ ,
- (3)  $\sum_{s=1}^{M_1} (A_h)_{rs} \geq 0$ ,  $(r = 1, \dots, M_1)$  und für mindestens einen Index  $r$  gilt  
die echte Ungleichung,
- (4)  $A_h$  ist irreduzibel,
- (5)  $(\tilde{A}_h)_{rs} \leq 0$ ,  $(r = 1, \dots, M_1, s = M_1 + 1, \dots, M)$ ,
- (6)  $\sum_{s=1}^M (\tilde{A}_h)_{rs} \geq 0$ ,  $(r = 1, \dots, M_1)$ ,
- (7) Für jedes  $s = M_1 + 1, \dots, M$  existiert ein  $r \in \{1, \dots, M_1\}$  mit  $(\tilde{A}_h)_{rs} \neq 0$ .

